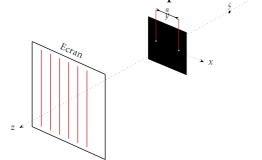
# Synthèse Optique O4

Lycée Dupuy de Lôme, PC 2023-2024

# Interférence pas division du front d'onde - Fentes d'Young

# I. Système à deux trous d'Young

# 1. Présentation du dispositif



#### Trous d'Young

Ce système de deux ouvertures quasi-ponctuelles éclairées par une source monochromatique peut être modélisé par deux sources secondaires cohérentes

#### Délocalisation des interférences

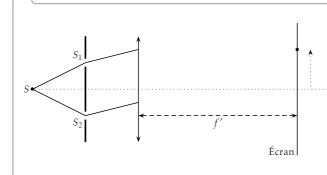
Les franges d'interférence sont observables sur l'écran quelque soit la position de celui-ci par rapport aux trous d'Young. Elles sont donc non localisées.

# 2. Étude de la figure d'interférence

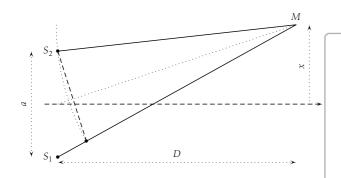
Les méthodes suivantes sont traitées dans le cas particulier où la source est sur l'axe médiateur des fentes d'Young et la propagation se fait dans l'air.

La méthode sera à adapter pour des situations différentes.

Méthode - localisée à l'infini projetée grâce à une lentille



- ✓ Déterminer la position du point M (à une abscisse x sur l'écran) où convergent sur l'écran les deux rayons diffractés dans la direction  $\theta$
- ✓ A l'aide du théorème de Malus exploité à partir des → points S et M, placer un point H tel que  $\delta = (S_2)$
- ✓ Exprimer HM en fonction de  $a = S_1S_2$  et  $\theta$
- ✓ Relier  $\theta$ , x et f'
- ✓ Dans les conditions de gauss, retrouver  $\delta = \frac{a.x}{f'}$



#### Méthode - Observée sur un écran éloigné

- ✓ En exploitant le théorème de malus, exprimer  $\delta$  en fonction de  $(S_1M)$  et  $(S_2M)$
- ✓ Exprimer  $S_1M^2$  et  $S_2M^2$  en fonction de x, D et
- ✓ Considérant les angles de diffraction faibles donc  $S_1M + S_2M \simeq 2.D$ , exprimer  $S_2M^2 S_1M^2$
- ✓ En déduire  $\delta = \frac{a.x}{D}$

#### Interfrange

L'interfrange *i* correspond à la distance séparant deux franges brillantes successives.

#### Méthode - Expression de l'interfrange

- ✓ Exprimer la différence de phase entre les deux vibrations
- ✓ En déduire l'expression de  $x_p$  position de la frange d'ordre p
- ✓ L'interfrange a alors pour expression  $i = |x_{p+1} x_p|$

# II. Élargissement spatial de la source

#### 1. Superposition de sources primaires

#### Sources primaires multiples

Lorsqu'un système interférentiel est éclairé par plusieurs sources primaires, l'intensité en M est obtenue par la superposition des franges d'interférences obtenues pour chacune des sources prises séparément.

#### brouillage des franges

Le brouillage correspond à une perte de contraste.

La multiplication des sources entraine une diminution du contraste en tout point de la figure d'interférence.

Il y aura brouillage pour deux sources ponctuelles si les ordres p et p' en M pour chacune de ces sources sont tels que

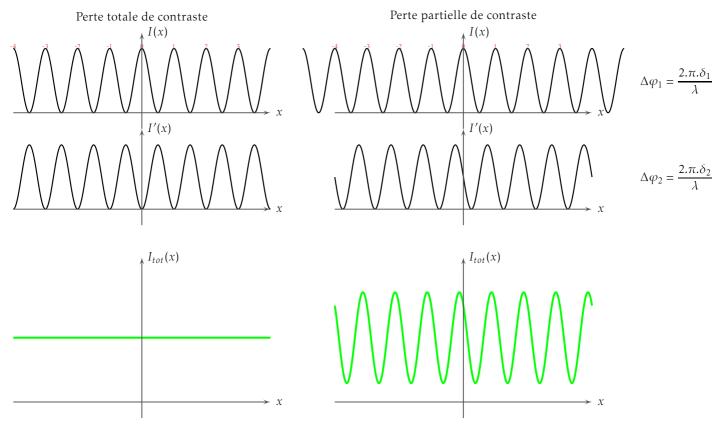
$$|\Delta p| = \frac{1}{2} + n \ n \in \mathcal{N}$$

# 2. Élargissement spatial d'une source primaire

On considère désormais une source non ponctuelle de largeur L.

# Brouillage par extension spatiale de la source

Il y aura brouillage des franges d'interférence en M pour une source d'extension spatiale L si la différence des ordres d'interférence  $\Delta p$  en un M dus pour les sources ponctuelles à l'extrémité et au milieu de la source élargie est supérieure à  $\frac{1}{2}$ 



# III. Élargissement spectral d'une source

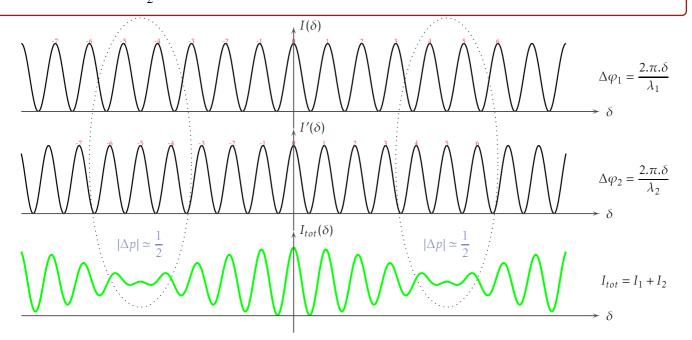
# 1. Cas du doublet

#### Source non monochromatique

L'intensité en un point M est la superposition des franges d'interférences en ce point M obtenues pour chacune des composantes spectrales.

#### Brouillage pour un doublet

Il y aura brouillage en tout point M pour lequel  $p(M, \lambda_2) - p(M, \lambda_1) = \frac{1}{2} + n$  avec  $n \in \mathbb{Z}$ 

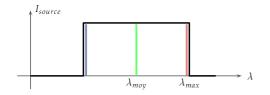


Méthode - Figure d'interférence pour une source comportant un doublet

- ✓ On suppose d'abord la source monochromatique de longueur d'onde la valeur moyenne  $\lambda_0$ . On en déduit l'ordre d'interférence moyen p et l'interfrange de la figure d'interférence.
- ✓ L'effet du doublet entraine le phénomène de brouillage en certains points. On exprime en x les ordres d'interférence  $p_1$  pour la longueur d'onde  $\lambda_1$  et  $p_2$  pour  $\lambda_2$
- ✓ On exprime  $p_2 p_1$  pour en déduire les endroits où il y a brouillage

#### 2. Source à spectre de bande

La plupart des sources n'émettent pas un lumière monochromatique. On va ici considérer une source émettant dans une bande spectrale centrée sur la longueur d'onde  $\lambda_0$  et de largeur  $\Delta\lambda$ 



#### Brouillage pour une lampe à bande spectrale

Il y aura brouillage en tout point M si

$$|p(M, \lambda_{max}) - p(M, \lambda_{moy})| > \frac{1}{2}$$

Méthode - Brouillage et longueur de cohérence

Le brouillage peut être expliquer par la perte de cohérence

- ✓ Relier Δλ et Δω en supposant Δλ ≪ λ
- $\checkmark$  En déduire la durée du train d'onde puis sa longueur  $L_c$
- ✓ Il ne peut y avoir d'interférences que si  $\delta < L_c$ . Retrouver la condition de brouillage.