

1. Par définition $I = \iint_S \vec{j} \cdot d\vec{S}$. Or l'intensité correspond au flux de charges traversant une demi-sphère centrée au niveau du fil :

$$I = \iint_S j(r) \vec{e}_r \cdot (-dS \vec{e}_r) \text{ vu le sens de } I$$

$$\text{Soit } j(r) = -\frac{2}{4 \cdot \pi \cdot r^2} \cdot I$$

2. Par la loi d'Ohm locale : $\vec{j} = \sigma \cdot \vec{E}$ soit $\boxed{\vec{E} = -\frac{I}{2 \cdot \sigma \cdot \pi \cdot r^2} \cdot \vec{e}_r}$

On considérant le cas statique, on peut dire que $\vec{E} = -\overrightarrow{\text{grad}V}$, on en déduit que le potentiel ne dépend que de r et

$$dV = +\frac{I}{2 \cdot \sigma \cdot \pi \cdot r^2} \cdot dr, \text{ soit :}$$

$$\boxed{V = \frac{-I}{2 \cdot \sigma \cdot \pi \cdot r} + C^{te}}$$

3. Cette différence a pour expression $U = V(d+p) - V(d)$
4. On considère $R \equiv 2 \text{ k}\Omega$ la résistance entre les pattes avant et arrière. Déterminer la distance d_m à respecter afin que la vache ne risque pas d'électrocution mortelle (On considère le danger à partir du moment où un courant supérieur à $I_M = 30 \text{ mA}$ traverse le corps de la vache.