

Un conducteur sphérique de centre  $O$  et de rayon  $a$  est plongé dans l'air, assimilé à un conducteur ohmique de conductivité  $\sigma$ . La sphère porte initialement une charge totale  $Q_0$  répartie uniformément en surface.

Elle se décharge alors progressivement, faisant apparaître des courants de densité volumique  $\vec{j}(M, t) = j(r, t)\vec{e}_r$  dans l'air. On notera  $Q(t)$  la charge de la sphère à l'instant  $t$ .

1. Par considération de symétries, montrer que l'on peut écrire le champ électrique sous la forme  $\vec{E} = E(r, t)\cdot\vec{e}_r$ .

Que pouvez-vous dire du champ magnétique en tout point de l'espace ?

2. Rappeler l'expression de la loi d'Ohm locale puis exprimer  $E(r, t)$  en fonction de  $\sigma$ ,  $E(r, t = 0)$  et  $\epsilon_0$ .

3. Relier  $E(r, t = 0)$  à  $Q_0$ .