

1. $A(R, \alpha)$ et $B(R, \beta)$

2. Le PFD donne
$$\begin{cases} -m.g.\cos\theta + R_N = -m.R.\dot{\theta}^2 = -m.\frac{V^2}{R} \\ m.g.\sin\theta = m.R.\ddot{\theta} \end{cases}$$

3. $\dot{\theta}.g.\sin\theta = \dot{\theta}.R.\ddot{\theta}$ donc $\int \dot{\theta}.g.\sin\theta.dt = \int \dot{\theta}.R.\ddot{\theta}.dt$ donc

$$g.\cos\theta = -R\frac{1}{2}.\dot{\theta}^2 + C^{te}$$

Ce qui, en utilisant la condition initiale en A donne $g.(\cos\theta - \cos\alpha) = -R.\frac{1}{2}.\dot{\theta}^2 - \dot{\alpha}^2$

Comme $V = R.\dot{\theta}$, on en déduit $g.R.(\cos\alpha - \cos\theta) = \frac{1}{2}.(V^2(M) - V_0^2)$

Une méthode plus efficace est d'exploiter le Théorème de l'Energie Cinétique

4. La première relation scalaire obtenue par le PFD implique $+R_N = +m.g.\cos\theta - m.\frac{V^2}{R}$, soit en exploitant le résultat

précédent : $R_N = m.g.\cos\theta - m.g.2.(\cos\alpha - \cos\theta) - \frac{m.V_0^2}{R}$

Le contact existera si $R_N > 0$, et ce pour toute valeur $\alpha < \theta < \beta$. On remarque que R_N est une fonction décroissante de θ , la condition sera donc vérifiée dans tout le domaine si elle l'est pour $\theta = \beta$, soit

$$V_0 < \sqrt{3.R.g(\cos\beta - \cos\alpha)}$$

5. AN : $V_0 < 6,4 \text{ m.s}^{-1}$