

✓ L'équation d'Euler dans le cas d'un équilibre du fluide donne : $\vec{f}_v - \overrightarrow{grad}p = 0$ avec, en notant $\alpha(r)$ le champ de gravitation :
 $\vec{f}_v = -\mu(r).\alpha(r)\vec{e}_r.$

$$\text{Soit : } -\mu(r).\alpha(r) - \frac{d}{dr} (C.\mu^2(r)) = 0$$

$$\text{Soit } \alpha(r) = -2.C.\frac{d\mu(r)}{dr}$$

✓ Le théorème de Gauss, vu les invariances, permet d'écrire :

$$4.\pi.r^2.\alpha(r) = -4.\pi.G.\int_0^r 4.\pi.\rho^2.\mu(\rho).d\rho$$

On ne peut pas intégrer cette expression, sachant que l'on ne connaît pas l'évolution de $\rho(r)$. Par contre, on peut en déduire que :

$$\frac{d}{dr} (r^2.\alpha(r)) = -4.\pi.G.r^2.\mu(r)$$

✓ On peut déduire de la première relation que $\frac{d}{dr} (r^2.\alpha(r)) = \frac{d}{dr} \left(-2.C.r^2 \frac{d\mu(r)}{dr} \right)$

✓ L'identification donne l'équation proposée.