

1. Si  $H_{im}$  est la hauteur immergée du bateau, on obtient  $H_{im} = h + \frac{m}{\rho.S}$ . La condition limite étant  $H_{im} = H$ , on en déduit

$$h_m = H - \frac{m}{\rho.S}$$

2. Soit  $A$  à la surface de la mer et  $B$  au niveau de la voie d'eau.

Bernoulli entre  $A$  et  $B$  donne  $\vec{v}_{B/mer} = \sqrt{2.g.(H_{im} - l).(-\vec{u}_x)} = \vec{v}_{B/bateau} + \vec{v}_{bateau/mer}$ , mais on peut négliger  $\vec{v}_{bateau/mer}$  devant  $\vec{v}_{B/bateau}$ .

On a donc, par le débit volumique :  $D_v = s.\sqrt{2.g.(H_{im} - l)} = S.\frac{dh}{dt}$ .

Or on peut négliger l'accélération du bateau/mer, donc  $h = H_{im} - \frac{m}{\rho.S}$ , ce qui donne, si  $H_0 = \frac{m}{\rho.S} : \left(\frac{dh}{dt}\right) = \left(\frac{s}{S}\right)^2 .2.g.(h +$

$H_0 - l)$  En dérivant l'expression, on arrive à  $\frac{d^2h}{dt^2} = \left(\frac{s}{S}\right)^2 .g$ , donc  $h(t) = \left(\frac{s}{S}\right)^2 .\frac{g}{2}.t^2 + \frac{s}{S}.\sqrt{2.g.(H_0 - l)}.t$  Cette phase se termine si  $t = t_1$ , soit  $t_1 = 34 \text{ min}$

3. L'ouverture se retrouve cette fois dans l'eau. On applique Bernoulli le long d'une ligne de courant  $AB : p_B + \frac{\mu}{2}.v_{/mer}^2(B) = p_0 + \mu.g.(H_{im} - l)$

Par contre, comme  $S \gg s$ , dans la cale  $p_B \equiv p_0 + \mu.g.(h - l)$  Ce qui donne  $v_{/mer}(B) = \sqrt{2.g.H_0}$  + conservation du débit

$$\rightarrow \frac{dh}{dt} = \frac{s}{S}\sqrt{2.g.H_0}$$

Par intégration :  $h(t) = \frac{s}{S}\sqrt{2.g.H_0}.(t - t_1) + l$ ,

4. ce qui donne pour  $h(t_2) = h_m : t_2 = \frac{S}{s.\sqrt{2.g.H_0}}.(H + H_0 - l - 2.\sqrt{H_0.(H_0 - l)}) = 1 \text{ H40 min}$