

1. L'onde n'est pas plane, on part donc de l'équation de Maxwell-Faraday, en utilisant l'expression du rotationnel dans le

systeme cylindrique :
$$-\frac{\partial \underline{\vec{B}}}{\partial t} = -i.\omega.\underline{\vec{B}} = -\left(\frac{E}{dr} - i.k.E\right).e^{i(\omega t - k.r)}. \vec{u}_\theta$$

2. On prend la partie réelle de $\underline{\vec{B}}$, ce qui donne $\vec{B} = \frac{1}{\omega} \cdot \frac{dE(r)}{dr} \cdot \sin(\omega t - k.r) \cdot \vec{u}_\theta - \frac{E(r)}{c} \cdot \cos(\omega t - k.r) \cdot \vec{u}_\theta$

3. Alors $\vec{\Pi} = \frac{1}{2.\mu_0.\omega} \cdot E(r) \cdot \frac{dE(r)}{dr} \cdot \sin 2(\omega t - k.r) \cdot \vec{u}_r + \frac{E^2(r)}{\mu_0.c} \cdot \cos^2(\omega t - k.r) \cdot \vec{u}_r$ dont la valeur moyenne est $\langle \vec{\Pi} \rangle = \frac{E^2(r)}{2.\mu_0.c} \vec{u}_r$

4. $\langle \mathcal{P} \rangle = 2.\pi.r.h. \langle \vec{\Pi} \rangle$

La propagation dans le vide se faisant sans déperdition d'énergie, $\langle \mathcal{P} \rangle = C^{te}$, soit $r.E^2(r) = C^{te}$.