

1. Propagation dans le vide \implies Equation d'Alembert vérifiée par $\Delta \vec{E} - \frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \vec{0}$. On en déduit $k^2 = \frac{\omega^2}{c^2} - \frac{\pi^2}{a^2}$

2. $v_\varphi = \frac{\omega}{\text{Re}(\underline{k})} = \frac{\omega}{\sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} - \frac{\pi^2}{a^2}}}$ et de groupe $v_g = \frac{d\omega}{dk} = \frac{c^2}{v_\varphi}$.

3. L'onde n'est pas plane, on reprend donc l'équation de Maxwell-Faraday $\text{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$, ce qui amène à

$$\vec{B} = E_0 \cdot \frac{n\pi}{a \cdot \omega} \cdot \cos\left(\frac{\pi z}{a}\right) \cdot \sin(\omega t - kx) \cdot \vec{u}_x + \frac{k}{\omega} \cdot E_0 \cdot \sin\left(\frac{\pi z}{a}\right) \cdot \cos(\omega t - kx) \cdot \vec{u}_z$$

4. On exploite la vitesse de groupe