

$$1. \quad k^2 = \frac{\omega^2 - \omega_p^2}{c^2}.$$

On rappelle la définition d'un indice $\underline{n}$ tel que $\underline{k} = \underline{n} \cdot \frac{\omega}{c}$ On doit dissocier deux cas :

$$\checkmark \quad \omega > \omega_p : \underline{n} = \frac{\sqrt{\omega^2 - \omega_p^2}}{\omega}$$

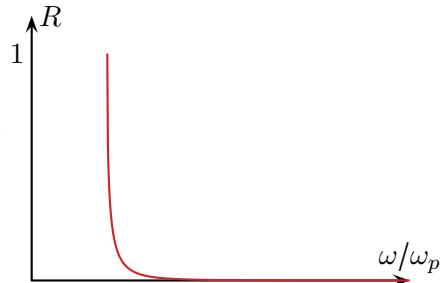
$$\checkmark \quad \omega < \omega_p : \underline{n} = i \cdot \frac{\sqrt{\omega_p^2 - \omega^2}}{\omega}$$

$$2. \quad \text{On a trouvé l'expression générale (voir le cours)} : \underline{r} = \frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2} \quad \text{Ici on a donc } \underline{r} = \frac{1 - \underline{n}}{1 + \underline{n}}$$

Dans le cas où $\omega > \omega_p$, $\underline{r}$ est réel. On arrive alors rapidement à $R = r^2$

Il y a une fraction de l'énergie réfléchie à l'interface air-plasma, le reste étant transmis. On peut étudier l'évolution de R avec ω

On voit que pour $\omega \gg \omega_p$, l'énergie sera totalement transmise ($R \equiv 0$)



4. Dans le cas où $\omega < \omega_p$, $\underline{r}$ est complexe. On va donc calculer le vecteur de Poynting grâce à la formule proposée :

$$\vec{E}_r = \underline{r} \cdot E_0 \cdot e^{i\omega(t + \frac{x}{c})} \cdot \vec{e}_y \quad \text{et} \quad \vec{B}_r = -\underline{r} \cdot \frac{E_0}{c} \cdot e^{i\omega(t + \frac{x}{c})} \cdot \vec{e}_z$$

$$\text{Donc } \langle \vec{\Pi}_r \rangle = \frac{1}{2 \cdot \mu_0} \cdot \left[\underline{r} \cdot E_0 \cdot e^{i\omega(t + \frac{x}{c})} \cdot \vec{e}_y \wedge \underline{r}^* \cdot \frac{E_0}{c} \cdot e^{-i\omega(t + \frac{x}{c})} \cdot \vec{e}_z \right] = -\frac{1}{2 \cdot \mu_0 \cdot c} \cdot |\underline{r}|^2 \cdot E_0^2 \cdot \vec{e}_x$$

$$\text{Comme } \langle \vec{\Pi}_i \rangle = \frac{E_0^2}{2 \cdot \mu_0 \cdot c} \cdot \vec{e}_x, \text{ on obtient } R = |\underline{r}|^2$$

$$\text{Or } \underline{r} = \frac{1 - i \cdot \frac{\sqrt{\omega_p^2 - \omega^2}}{\omega}}{1 + i \cdot \frac{\sqrt{\omega_p^2 - \omega^2}}{\omega}} \quad \text{donc } |\underline{r}|^2 = 1$$

Toute l'énergie incidente est réfléchie. Ce qui est cohérent avec l'onde évanescente (stationnaire décroissante) dans le plasma.