

1. ✓ À l'onde incidente est associé le champ

$$\begin{cases} \vec{E}_i = E_0 \cdot e^{j \cdot (\omega t - k_0 x)} \vec{e}_y \\ \vec{B}_i = \frac{E_0}{c} \cdot e^{j \cdot (\omega t - k_0 x)} \vec{e}_z \end{cases}$$

✓ On prévoit l'existence d'une onde réfléchie du type

$$\begin{cases} \vec{E}_r = \underline{r} \cdot E_0 \cdot e^{j \cdot (\omega t + k_0 x)} \vec{e}_y \\ \vec{B}_r = -\frac{\underline{r} \cdot E_0}{c} \cdot e^{j \cdot (\omega t + k_0 x)} \vec{e}_z \end{cases}$$

✓ Dans le diélectrique $\text{div} \vec{E} = 0$, on prévoit donc toujours une onde transversale. On peut écrire l'onde progressive sous la forme $\vec{E}_t = \underline{t} \cdot E_0 \cdot e^{j \cdot (\omega t - \underline{k} x)} \vec{e}_y$, avec $\underline{k} = \frac{\underline{n} \cdot \omega}{c}$

L'onde étant plane transversale, on obtient $\vec{B}_t = \frac{\underline{k} \wedge \vec{E}_t}{\omega} = \frac{\underline{n} \cdot \underline{t} \cdot E_0}{c} \cdot e^{j \cdot (\omega t - \underline{n} \cdot k_0 x)} \vec{e}_z$

2. Il n'existe pas de densités surfaciques de charge ou courant à l'interface de deux diélectriques. On doit donc vérifier la

continuité des champs à l'interface, ce qui donne :

$$\begin{cases} \vec{E}_i + \vec{E}_r = \vec{E}_t \\ \vec{B}_i + \vec{B}_r = \vec{B}_t \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 1 + \underline{r} = \underline{t} \\ 1 - \underline{r} = \underline{n} \cdot \underline{t} \end{cases}$$

On en déduit que $\underline{r} = \frac{1 - \underline{n}}{1 + \underline{n}}$ et $\underline{t} = \frac{2}{1 + \underline{n}}$

3. Pour le bilan énergétique, on doit reprendre les grandeurs réelles, ce qui donne :

$$\vec{B} = \frac{2 \cdot E_0}{\omega} \cdot \left[\left(\frac{\underline{n}' \cdot (1 + \underline{n}') + \underline{n}''^2}{(1 + \underline{n}')^2 + \underline{n}''^2} \right) + j \cdot \left(\frac{\underline{n}' \cdot \underline{n}'' - \underline{n}'' \cdot (1 + \underline{n}')}{(1 + \underline{n}')^2 + \underline{n}''^2} \right) \right] \cdot \left[\cos \left(\omega t - \frac{\underline{n}' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) + j \cdot \sin \left(\omega t - \frac{\underline{n}' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) \right] \cdot e^{-\frac{\underline{n}'' \cdot \omega \cdot x}{c}} \cdot \vec{e}_z$$

$$\vec{B} = \mathcal{R}e \left(\vec{B} \right)$$

$$\vec{B} = \frac{2 \cdot E_0}{\omega} \cdot e^{-\frac{\underline{n}'' \cdot \omega \cdot x}{c}} \cdot \left[\left(\frac{\underline{n}' \cdot (1 + \underline{n}') + \underline{n}''^2}{(1 + \underline{n}')^2 + \underline{n}''^2} \right) \cos \left(\omega t - \frac{\underline{n}' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) - \sin \left(\omega t - \frac{\underline{n}' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) \cdot \left(\frac{\underline{n}' \cdot \underline{n}'' - \underline{n}'' \cdot (1 + \underline{n}')}{(1 + \underline{n}')^2 + \underline{n}''^2} \right) \right] \cdot \vec{e}_z$$

Il reste à déterminer la partie réelle de $\vec{E} = \frac{2}{(1 + \underline{n}'^2) + \underline{n}''^2} \cdot e^{-\frac{\underline{n}'' \cdot \omega \cdot x}{c}} \cdot \left[(1 + \underline{n}') \cos \left(\omega t - \frac{\underline{n}' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) - \underline{n}'' \cdot \sin \left(\omega t - \frac{\underline{n}' \cdot \omega \cdot x}{c} \right) \right] \cdot \vec{e}_z$

On peut désormais déterminer la valeur moyenne du vecteur de Poynting