

$$1. |\alpha_1| = 2.\pi.\frac{\Delta n e}{\lambda}$$

2. ✓ Le champ électrique à la sortie du polariseur P_1 est

$$\vec{E}_1 = \frac{E_0}{2} \cdot (\cos(\omega t + \alpha) + \cos(\omega t - \alpha)) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} (\vec{e}_y + \vec{e}_z)$$

Que l'on peut écrire $\vec{E}_1 = E_0 \cdot \cos\left(\omega t - \frac{\alpha}{2}\right) \cdot \cos\frac{\alpha}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} (\vec{e}_y + \vec{e}_z)$, ce qui correspond à une intensité $I_1 = I_0 \cdot \cos^2\frac{\alpha}{2}$

✓ On a de même $I_2 = I_1 \cdot \cos^2\frac{2.\alpha}{2}$, $I_3 = I_2 \cdot \cos^2\frac{4.\alpha}{2}$ et $I_4 = I_3 \cdot \cos^2\frac{6.\alpha}{2}$

3. On remarque que $I_N = I_0 \cdot \cos^2\frac{\alpha}{2} \cdot \prod_{p=1}^{N-1} \cos^2[(N-p).\alpha]$

On aura $I_N = I_0$ si $\alpha = 0$ ($2.\pi$) = $k.2.\pi$

4. Application numérique : $e = 250 \mu m$ et $|\Delta n| = n_x - n_y = 10^{-2}$.

On a alors $\frac{2.\pi.\Delta n.e}{\lambda} = k.2.\pi$ donc $k_{min} = \frac{\Delta n.e}{\lambda_{max}} = \frac{2500}{650} = 3,84$ et $k_{max} = \frac{\Delta n.e}{\lambda_{min}} = \frac{2500}{400} = 6,25$

On aura donc les longueurs d'onde transmises pour $k = 4$: $\lambda = 625 nm$, $k = 5$: $\lambda = 500 nm$ et $k = 6$: $\lambda = 416 nm$.

Si la source lumineuse a une bande spectrale relativement étroite, on obtiendra alors à la sortie du filtre une seule composante spectrale.