

1. En régime stationnaire, le flux sortant d'une surface fermée doit être constant. En prenant comme surface fermée un cylindre de rayon r , le flux n'est non nul qu'au niveau de sa surface latérale : $\Phi = j(r).2.\pi.r.L = C^{te}$

On retrouve bien que $j(r) = \frac{A}{r}$

2. L'équation de la diffusion donne $\text{div } \vec{j} = 0$ soit $\frac{1}{r} \frac{\partial(r.j(r))}{\partial r} = 0$, ce qui donne $j(r).r = C^{te} = A$

3. La loi de Fick donne $-D.\frac{dn}{dr} = \frac{A}{r}$, soit $\int_{n_0}^0 dn = -\int_a^{a+e} \frac{A}{D} \cdot \frac{dr}{r}$

$$\text{Soit } A = \frac{D.n_0}{\ln \frac{a+e}{a}}$$

4. Il suffit de modifier les bornes d'intégration dans l'expression précédente :

$$\int_{n_0}^{n(r)} dn = -\int_a^r \frac{A}{D} \cdot \frac{dr}{r}, \text{ soit :}$$

$$n(r) = n_0 \left[1 - \frac{\ln r - \ln a}{\ln(a+e) - \ln a} \right]$$